

Частицы вакуума с использованием мировых констант Планка

Якубовский Е.Г.

e-mail yakubovski@rambler.ru

Были построены частицы вакуума относительно одной из основных элементарных частиц – электрона. Но максимум энергии фотона при использовании электрона нашей области пространства не удовлетворяет всей энергии космического излучения электромагнитного поля электроном в атоме. Поэтому существуют области космического пространства, где роль электрона играет масса Планка. В этой области пространства все элементарные частицы имеют большую массу в величину отношения массы Планка к массе нашего электрона. Частицы вакуума строятся относительно массы Планка, играющей роль массы электрона. Тогда они являются свойством всего пространства с константами Планка. Всего имеется ограниченное количество пространств с разной массой электрона. Это количество определяется количеством решений задачи по одной общей массе частиц вакуума определять массы сгруппированных элементарных частиц в разных областях пространства. Найдено каким частицам соответствуют параметры Планка, и какие свойства описывают. Найдено и применение массы Планка, действительно такие частица и античастица существуют в определенной области пространства. Отмечу, что частицы вакуума помогают получить новые решения квантовой механики, описывают решение уравнений квантовой механики [4], [5]. Отмечу, что общий вариант двух статей опубликован в scholar.google.ru.

Опишем частицы вакуума как непрерывную среду, подчиняющуюся уравнению Навье – Стокса. Для модели разреженного газа с малой скоростью движения, моделирующей свойства вакуума, справедливо уравнение Навье – Стокса.

$$\frac{\partial V_l}{\partial t} + V_k \frac{\partial V_l}{\partial x_k} = -\frac{\partial p}{\rho \partial x_l} + \nu \Delta V_l.$$

Причем кинематическая вязкость вакуума считаем равной

$$\nu = i \frac{\hbar}{2m}. \quad (1)$$

При этом скорость потока мельчайших частиц вакуума равна $V_l = -\frac{i\hbar}{m} \nabla_l \ln \psi$, где ψ волновая функция системы. Решение уравнения Навье – Стокса должно удовлетворять условию $\frac{\partial V_l}{\partial x_k} - \frac{\partial V_k}{\partial x_l} = 0, \text{rot} \mathbf{V} = 0$. Для выполнения этого условия решение уравнения Навье – Стокса должно удовлетворять условию $V_l = V(x^1 + x^2 + x^3)$. Т.е. получается, что решение уравнения Шредингера, это частный случай решения уравнения Навье – Стокса.

Но каким образом описать решение для водородоподобного атома, используя предлагаемую идеологию. Для этого импульс надо представить в виде $p_k = p_k(x_k)$, при этом для волновой функции справедливо разделение переменных. Логарифм волновой функции $\ln \psi(r, \theta) = \ln R_{nl}(r) + \ln P_l^m(\theta) + \ln \exp(im\varphi)$ является потенциалом для значения импульса, и удовлетворяет условию интегрирования. Т.е. градиент волновой функции представляет сумму трех функций

$$p_r(r) = -i\hbar \frac{\partial \ln R_{nl}(r)}{\partial r}, L_\theta(\theta) = p_\theta(\theta)r \sin \theta = -i\hbar \frac{\partial \ln P_l^m(\theta)}{\partial \theta} = i\hbar \sin \theta \frac{\partial \ln P_l^m(\theta)}{\partial \cos \theta},$$

$$L_\varphi = p_\varphi r = -i\hbar \frac{\partial im\varphi}{\partial \varphi} = m\hbar$$

удовлетворяющих условию интегрирования.

Покажем, что скорость частицы, описываемая законом движения Ньютона для жидкости, непосредственно связана с волновой функцией,

описываемой квантовой механикой. Подставим это значение скорости в уравнение Навье – Стокса

$$\frac{\partial i \frac{\hbar}{m} \nabla \ln \psi}{\partial t} + \frac{\hbar^2}{m^2} \frac{\partial \ln \psi}{\partial x_i} \frac{\partial \nabla \ln \psi}{\partial x_i} = \frac{i\hbar}{2m} \frac{\partial^2 i \frac{\hbar}{m} \nabla \ln \psi}{\partial x_i^2} + \nabla \int_{t_0}^t \frac{\partial p}{\rho \partial x^k} V_k dt.$$

Где интеграл берется вдоль линии тока частиц вакуума $V_k dt = dx_k$,

$$\int_{t_0}^t \frac{\partial p}{\rho \partial x^k} V_k dt = \int_{(x_1^0, x_2^0, x_3^0)}^{(x_1, x_2, x_3)} \frac{\partial p}{\rho \partial x^k} dx_k. \quad \text{Причем частная производная от этого}$$

интеграла вдоль линии тока, равна

$$\frac{\partial}{\partial x_l} \int_{(x_1^0, x_2^0, x_3^0)}^{(x_1, x_2, x_3)} \frac{\partial p}{\rho \partial x^k} dx_k = \frac{d}{V_l dt} \int_{t_0}^t \frac{\partial p}{\rho \partial x^k} V_k dt = \frac{\partial p}{V_l \rho \partial x^k} V_k = \frac{dp}{V_l \rho dt} = \frac{\partial p}{\rho \partial x^l}$$

Это уравнение можно записать в виде

$$\nabla \left[\frac{\partial i \frac{\hbar}{m} \ln \psi}{\partial t} + \frac{\hbar^2}{m^2} \left(\frac{\partial \ln \psi}{\partial x_i} \right)^2 / 2 + \frac{\hbar^2}{2m^2} \frac{\partial^2 \ln \psi}{\partial x_i^2} - \int_{t_0}^t \frac{\partial p}{\rho \partial x^k} V_k dt \right] = 0.$$

Проинтегрируем градиент, получим

$$i \frac{\hbar}{m} \frac{\partial \ln \psi}{\partial t} + \frac{\hbar^2}{2m^2} \left(\frac{\partial \ln \psi}{\partial x_i} \right)^2 = - \frac{\hbar^2}{2m^2} \frac{\partial^2 \ln \psi}{\partial x_i^2} + \int_{t_0}^t \frac{\partial p}{\rho \partial x^k} V_k dt = - \frac{\hbar^2}{2m^2} \frac{\partial^2 \ln \psi}{\partial x_i^2} + U / m.$$

Умножим на массу $m\psi$, перенесем второй член в правую часть, получим

$$\text{уравнение Шредингера, причем справедливо } \frac{\partial^2 \psi}{\partial x_i^2} = \psi \left[\frac{\partial^2 \ln \psi}{\partial x_i^2} + \frac{1}{\psi^2} \left(\frac{\partial \psi}{\partial x_i} \right)^2 \right]$$

$$\begin{aligned} i\hbar \frac{\partial \psi}{\partial t} &= - \frac{\hbar^2}{2m} \psi \left[\frac{\partial^2 \ln \psi}{\partial x_i^2} + \frac{1}{\psi^2} \left(\frac{\partial \psi}{\partial x_i} \right)^2 \right] + \psi \int_{t_0}^t \frac{\partial p}{\rho \partial x^k} V_k dt = \\ &= - \frac{\hbar^2}{2m} \frac{\partial^2 \psi}{\partial x_i^2} + U\psi; U = m \int_{t_0}^t \frac{\partial p}{\rho \partial x^k} V_k dt \end{aligned}$$

Т.е. для скорости частиц вакуума получено уравнение Шредингера, причем волновая функция этого уравнения связана со скоростью частиц соотношением $V_l = -\frac{i\hbar}{m}\nabla \ln \psi$ или $\psi = c \exp(i \int mV_l dx_l / \hbar)$, где потенциал равен

$$U = -m \int_{t_0}^t \frac{\partial p}{\rho \partial x^k} V_k dt = -m \int_{(x_1^0, x_2^0, x_3^0)}^{(x_1, x_2, x_3)} \frac{\partial p}{\rho \partial x^k} dx_k.$$

локальной плоской волны

$$\psi = \frac{1}{\sqrt{V}} \exp[-i(E\Delta t - \mathbf{p}_0 \Delta \mathbf{r}) / \hbar] [1 + O(\mathbf{r} - \mathbf{r}_0)^3].$$

Эта формула является решением уравнения Шредингера в окрестности точки \mathbf{r}_0 и при подстановке ψ в этом виде в уравнение Шредингера

$$i\hbar \frac{\partial \psi}{\partial t} = -\frac{\hbar^2}{2m} \frac{\partial^2 \psi}{\partial x_l^2} + U_0 \psi + O(\mathbf{r} - \mathbf{r}_0) \psi$$

Получаем равенство

$$E\psi = \left[\frac{p_0^2}{2m} + U_0 + O(\mathbf{r} - \mathbf{r}_0) \right] \psi$$

Это) сводится к тождеству $E = \frac{p_0^2}{2m} + U_0$. А величина скорости равна

$$\mathbf{V} = \frac{\mathbf{p}_0}{m} + O(\mathbf{r} - \mathbf{r}_0)^2 \text{ в окрестности точки } \mathbf{r}_0.$$

Вычислим скорость среды в атоме водорода

$$V_r = -i \frac{\hbar}{m} \left(\frac{\partial \ln R_{nl}}{\partial r} + \frac{1}{r} \right) = -i \frac{\hbar}{m} \left(\sum_{n=1}^{n_r} \frac{1}{r - \alpha_n} + \frac{l+1}{r} - \frac{1}{n} \right)$$

Для вычисления потока среды надо умножить скорость на плотность вероятности

$$R_{nl}^2 V_r = -i \frac{\hbar}{m} R_{nl}^2 \left(\frac{\partial \ln R_{nl}}{\partial r} + \frac{1}{r} \right) = -i \frac{\hbar}{m} R_{nl}^2 \left(\sum_{n=1}^{n_r} \frac{1}{r - \alpha_n} + \frac{l+1}{r} - \frac{1}{n} \right)$$

Тогда особенность скорости устраняется и образуется непрерывный поток.

Аналогичное выражение для угловой скорости

$$V_\theta = -i \frac{\hbar}{mr} \frac{\partial \ln P_l(\cos \theta)}{\partial \cos \theta} = -i \frac{\hbar}{mr} \sum_{n=1}^l \frac{1}{\cos \theta - \beta_n}$$

Поток среды равен

$$P_l^2(\cos \theta)V_\theta = -i \frac{\hbar}{mr} P_l^2(\cos \theta) \frac{\partial \ln P_l(\cos \theta)}{\partial \cos \theta} = -i \frac{\hbar}{mr} P_l^2(\cos \theta) \sum_{n=1}^l \frac{1}{\cos \theta - \beta_n}$$

Особенность потока уничтожается. При изменении квантового числа скорость изменяется медленно, а волновая функция быстро. Это приводит к тому, что возникает сингулярность и образуется квант электромагнитной энергии.

С математической строгостью доказано, что уравнение Шредингера является частным случае среды, описываемой уравнением Навье-Стокса с кинематической вязкостью $\nu = i \frac{\hbar}{2m}$.

В общем случае надо изучать среду с этими свойствами, и свойства этой среды являются обобщением свойств квантовой механики. Но в том то и состоит вся прелесть свойств частиц вакуума, что они описываются по законам классической физики в комплексном пространстве. И только после усреднения классических частиц вакуума в комплексном пространстве появляются квантовые свойства. Это подтверждается описанием их свойств уравнением Навье-Стокса при мнимой кинематической вязкости.

Кинематической вязкости вакуума ν , полученной из предположения (1) соответствует формула

$$\nu = i \frac{\hbar}{2m_\gamma} = \Lambda c / 3, \quad (2)$$

где получается, что длина свободного пробега Λ выражается через массу частицы вакуума (кинематическая вязкость газа равна $\nu = c\Lambda/3$). При этом окажется, что вычисленная далее по тексту масса частицы вакуума равна $m_\gamma = 5.04 \cdot 10^{-98}$ g

$$\Lambda = \frac{3i\hbar}{2m_\gamma c},$$

что позволяет оценить длину свободного пробега, которая будет определена по массе частицы, равна величине $\Lambda = 9.09 \cdot 10^{59} \text{ см}$. Вакуум является разреженным газом с большой длиной свободного пробега и мнимой кинематической вязкостью.

Отметим, что виртуальные частицы вакуума не определяют кинематические свойства вакуума в силу связанного состояния. В случае их свободного состояния скорость и концентрация этих частиц мала, и они не участвуют в кинематической вязкости вакуума и в плотности вакуума. Я уже не говорю о том, что они не могут группироваться в элементарные частицы и поля.

При этом группируясь в элементарные частицы, плотность вакуума возрастает, мнимая кинематическая вязкость надо разделить на величину m_{pl}/m_γ , длина свободного пробега уменьшается, так как играет роль масса элементарных частиц, и он приобретает действительную кинематическую вязкость с малой длиной свободного пробега с учетом скорости возмущения. Длина свободного пробега в газах, жидкости и твердом теле разная. При этом в газах скорость возмущения равна скорости звука, а в жидкости и твердом теле скорости света. При этом формула для кинематической вязкости

$$\Lambda < V > (1 - \alpha) / 3 + i\hbar\alpha / m, \alpha = \frac{\exp\left[-\frac{\hbar^2}{(m_{pl}\Lambda < V >)^2}\right]}{\exp\left[-\frac{\hbar^2}{(m_{pl}\Lambda < V >)^2}\right] + \exp\left[-\frac{(m_{pl}\Lambda < V >)^2}{\hbar^2}\right]};$$

Для разреженного газа длина свободного пробега Λ велика и вязкость становится мнимой, для малой длины свободного пробега получаем действительную вязкость. При этом вязкость разреженного газа пропорциональна плотности, а для малой длины свободного пробега от плотности практически не зависит, так как длина свободного пробега обратно пропорциональна плотности. При этом скорость возмущения в газах равна скорости звука, а в твердых телах и в жидкости скорости света. В твердых

телах и жидкости вместо длины свободного пробега надо использовать характерный размер см. [1].

Но мнимая кинематическая вязкость вакуума равна $\nu = i\hbar / (2m_\gamma) = i \frac{10^{-27}}{5.04 \cdot 10^{-982}} = 9.09 \cdot 10^{69} \text{ cm}^2 / \text{sec}$. Вязкость вакуума равна

$\mu = \rho_\gamma \nu = 9.09 \cdot 10^{40} \frac{\text{g}}{\text{cm sec}}$, что сравнимо с вязкостью твердого тела. Где величина

$\rho_\gamma = 10^{-29} \text{ g / cm}^3$ плотность вакуума. Вязкость железа при температуре 30°C

равна $\mu = 14 \cdot 10^{10} \frac{\text{g}}{\text{cm sec}}$, см. [2], стр.37.

Используется для скорости движения возмущения средний квадрат этой скорости, который равен скорости света. Вакуум состоит из диполей, образованных частицей и античастицей с массой Планка.

При этом эта частица не стабильна, как и позитроний, что следует из его описания как водородоподобной системы, состоящей из электрона и его античастицы, позитрона. Но при энергии частицы с массой Планка, равной $4.54 \cdot 10^{-77} \text{ erg}$, эта частица является стабильной. Эта энергия частицы соответствует сближению частицы и античастицы массы Планка и образованию диполя.

При этом энергия этой частицы изменится, определяясь по формуле $e^2 l_\gamma / [r - (\mathbf{r}, \mathbf{V}) / c]^2$ вместо величины e^2 / r , следовательно, волновая функция этой частицы изменится и, судя по энергии покоя этой частицы, она в этом случае является стабильной частицей. При этом волновая функция вакуума будет представлять одну частицу с малой массой, определенной из дальнейших описаний. Возможен предельный переход при условии $l_\gamma \rightarrow 0$, в отличие от энергии электрона, у которого радиус конечен.

Источником массы частицы и античастицы с массой Планка является его электрическая энергия, равная $m_{Pl} c^2 = e^2 / r_g$.

Предполагается, что за основу теории частиц вакуума взята элементарная частица, электрон. Но он не описывает полный спектр излучения электромагнитных волн. Существуют космическое излучение электромагнитных волн, фотоны которых имеют энергию 10^{22} эВ. Для описания таких энергий надо использовать вместо массы электрона, нашей области пространства, массу Планка. Тогда максимальная энергия равна $E = \frac{m_{pl}e^4}{2\hbar^2} = \frac{m_{pl}c^2}{2 \cdot 137^2} = 13.6 \cdot 2.2 \cdot 10^{-5+27} / 0.9 / \sqrt{137} = 2.84 \cdot 10^{22}$ эВ. Параметры Планка известны с точностью до коэффициента пропорциональности. Правильное значение постоянной Планка надо разделить на корень из 137. В случае квантовой электродинамики надо вместо массы электрона использовать массу Планка. Тогда масса электрона сравнивается с зарядом электрона в одинаковых единицах $m_{pl}\sqrt{G} = \sqrt{\hbar c / 137} = e$ и будут играть существенную роль гравитационное поле в микромире. Существует частица и античастица с массой Планка.

По мере уменьшения потенциальной энергии этой частицы, частица и античастица с массой Планка сближаются на расстояние меньше их радиуса r_{pl} , компенсируя заряды, образуя диполь. По порядку величины, эту связь можно записать в виде $m_{\gamma}c^2 = e^2 l_{\gamma} / r_g^2$. Энергия этого диполя определяется по формуле

$$m_{\gamma}c^2 = eU_{\gamma} = e^2 \left(\frac{1}{r_{g+}} - \frac{1}{r_{g-}} \right) = e^2 \frac{r_{g-} - r_{g+}}{r_{g-}r_{g+}} = e^2 \frac{l_{\gamma}}{r_g^2}.$$

При этом волновые функции зарядов пересекаются, но между их центрами есть расстояние l_{γ} . При рассмотрении взаимодействия положительного заряда с диполем, заряд которого эквивалентен отрицательному, и притягивается к положительному заряду и имеем неравенство $r_{g-} > r_{g+}$, т.е. величина энергии в правой части равенства положительна. При

взаимодействии с отрицательным зарядом, диполь становится положительным, приближается к отрицательному заряду, и значит, имеем неравенство $r_{g+} > r_{g-}$.

$$m_\gamma c^2 = eU_\gamma = e^2 \left(\frac{1}{r_{g-}} - \frac{1}{r_{g+}} \right) = e^2 \frac{r_{g+} - r_{g-}}{r_{g-} r_{g+}} = e^2 \frac{l_\gamma}{r_g^2}$$

При этом энергия диполя отрицательна, так как справедливо $m_\gamma c^2 - e^2 \frac{l_\gamma}{r_g^2} = 0$

Величину $r_\gamma = r_g$ назовем образующим радиусом диполя. В случае атома водорода образующий радиус состоит из двух разных диполей, диполя, образующего массой Планка и диполя образующего электронами и ядром атома. Средний эффективный радиус диполя равен $r_\gamma = \sqrt{r_g a_0}$, где a_0 это радиус Бора. В случае ядра атома, образующий радиус кварка равен $r_\gamma = \sqrt{r_g r_d}$, $r_d = e^2 / (9m_d c^2)$ и образован двумя диполями, кварк и анти-кварк, частица и античастица с массой Планка. По образующему радиусу диполя определяются эффективные свойства частиц вакуума по формулам (6),(8).

Объяснить введение образующего радиуса частицы вакуума можно следующим образом. Формула для потенциала мультипольного момента имеет вид

$$U_k = \frac{e^2 l^k}{R_0^{k+1}} P_k(\cos \chi).$$

При условии $k=0$ эта формула описывает электромагнитное взаимодействие частицы и античастицы. Она является членами разложения потенциала

$$U = \frac{e^2}{|\mathbf{R}_0 - \mathbf{l}|} = \sum_{l=0}^{\infty} \frac{e^2 l^k}{R_0^{k+1}} P_k(\cos \chi).$$

Формула для взаимодействия двух одинаковых мультиполей имеет вид

$$U_k = -\frac{e^2 l^k}{R_0^{k+1}} \sqrt{P_k(\cos \chi_1) P_k(\cos \chi_2)}$$

В случае электрона в атоме окружность, в которой расположены эти углы делится на k частей. Площадь каждой части составляет $1/k^2$ площади сферы. Итого имеем энергию взаимодействующих частиц вакуума надо умножить на величину $1/k^2$. Значит, имеем значение потенциала (

$$\sqrt{P_k(\cos \chi_1)P_k(\cos \chi_2)} = \frac{1}{k^2}$$

$$U_k = -\frac{e^2 l^k}{k^2 R_0^{k+1}}.$$

Где энергия U_k соответствует энергии электрона в поле ядра атома.

Описание мультиполя с приближенной потенциальной энергий

$$\frac{e^2 l_\gamma^k}{k^2 r^{k+1}} \cong \frac{e^2}{k^2 r} \left(\frac{l_{\gamma k}}{a_0}\right)^k, \text{ можно представить, как величину заряда } e\sqrt{(l_\gamma/a_0)^k}$$

электрона, вращающегося в поле ядра с тем же зарядом. Радиус r_B , соответствующий радиусу Бора, полученный решением для атома водорода с таким зарядом $e\sqrt{(l_{\gamma k}/a_0)^k}$ ядра и электрона, равен

$$r_B = \frac{\hbar^2}{m_{Pl} e^2} \frac{m_{\gamma k}}{m_e} = \frac{\hbar^2}{m_{Pl} e^2} \left(\frac{a_0}{l_{\gamma k}}\right)^k \frac{m_{\gamma k}}{m_e} = 137^2 r_{Pl} \left(\frac{a_0}{l_{\gamma k}}\right)^k \frac{m_{\gamma k}}{m_e}.$$
 Откуда энергия частицы

вакуума, равна $\frac{e^2}{k^2 r_B} = \frac{e^2 l_{\gamma k}^k}{137^2 k^2 r_{Pl} a_0^k} \frac{m_e}{m_{\gamma k}} = \frac{m_e c^2}{137^2 k^2}$, где используем формулу (9)

$$\frac{l_{\gamma k}^k}{m_{\gamma k}} = \frac{c^2}{e^2} r_\gamma^{k+1}, \text{ где образующий радиус электронов в атоме водорода равен}$$

среднему геометрическому между радиусом Бора электрона a_0 и электрическим радиусом массы Планка r_{Pl} , т.е. $r_\gamma = (a_0^k r_{Pl})^{\frac{1}{k+1}}$.

Потенциальная энергия диполя с вращающимся плечом определяется по формуле

$$E = \sqrt{\frac{e^2 l \exp(i\theta)}{r^2} \frac{e^2 l \exp(-i\theta)}{r^2}} = \frac{e^2 l}{r^2}$$

Представляя угол в экспоненциальной форме получим энергию диполя.

Определим размер мультиполя. Напряженность поля мультиполя частицы

вакуума равна $E = \frac{-(k+1)e l_{\gamma k}^k}{(r+i\lambda)^{k+2}}$. Электромагнитная масса мультиполя равна

$m_{\gamma} c^2 = \int_0^{\infty} \frac{E^2}{8\pi} 4\pi r^2 dr$. Значение электромагнитной массы электрона

$$\begin{aligned} m_{\gamma k} c^2 &= \int_0^{\infty} \frac{(k+1)^2 e^2 l_{\gamma k}^{2k}}{2(r+i\lambda)^{2k+4}} [(r+i\lambda)^2 - 2i\lambda(r+i\lambda) - \lambda^2] dr = \\ &= \frac{(k+1)^2 e^2 l_{\gamma k}^{2k}}{2} \left[-\frac{1}{(2k+1)(r+i\lambda)^{2k+1}} + \frac{2i\lambda}{(2k+2)(r+i\lambda)^{2k+2}} + \frac{(i\lambda)^2}{(2k+3)(r+i\lambda)^3} \right] \Big|_0^{\infty} = \\ &= \frac{e^2 (k+1)^2 l_{\gamma k}^{2k}}{2(i\lambda)^{2k+1}} \left[\frac{1}{2k+1} - \frac{1}{k+1} + \frac{1}{2k+3} \right] = \frac{e^2 (k+1) l_{\gamma k}^{2k}}{2(i\lambda)^{2k+1} (2k+1)(2k+3)} \end{aligned}$$

Значение электромагнитной массы частицы вакуума мнимое, как это следует из формулы (6). При этом размер частицы вакуума определяется по формуле

$$\lambda_k = \left[\frac{e^2 l_{\gamma k}^{2k} (k+1)}{2m_{\gamma} c^2 (2k+1)(2k+3)} \right]^{\frac{1}{2k+1}} / i = \left[\frac{r_{\gamma}^{k+1} l_{\gamma k}^k (k+1)}{2(2k+1)(2k+3)} \right]^{\frac{1}{2k+1}} / i \quad (3)$$

Размер частицы вакуума комплексный, что означает колебание или вращение с амплитудой, равной мнимой части размера. Получен новый результат, электромагнитный размер частицы вакуума зависит от новой константы, плеча мультиполя.

Где комплексная величина $l_{\gamma k}$ считается по формуле (8), и справедлива

формула для образующей $r_{\gamma} = (a_0^k r_{pl})^{\frac{1}{k+1}}$, где вместо a_0 используется величина радиуса Бора, или радиус кварка, или радиус массы Планка. Может определяться радиусом частица или античастица. При упрощении выражения для радиуса частицы использовалась формула (3). При условии $k=0$ получаем

радиус равный $\frac{e^2}{6im_{pl}c^2}$. Модуль этого радиуса меньше границы применимости

электродинамики $\frac{e^2}{m_{Pl}c^2}$, для частиц с массой Планка. Но в комплексной плоскости электродинамика остается справедливой, особенность потенциала устраняется.

Сечение образовавшейся частицы вакуума в системе центра инерции при образовании диполя, со средним расстоянием между частицами, равным величине l_γ , состоящего из частицы и античастицы с массой Планка «радиуса» $r_g = 1.35 \cdot 10^{-34} \text{ cm}$, равно по порядку величины

$$\sigma = \pi \lambda_k^2.$$

σ сечение образования пары частица античастица с массой Планка в виде мультиполя. В квантовой механике используется величина эффективного сечения $d\sigma$, которое зависит от углов, энергии массы и прочих свойствах частиц. Проинтегрированное значение эффективного сечения для элементарных частиц является одним числом в не релятивистском случае, а не функцией. Так полное сечение упругого рассеяния равно

$$\sigma = \frac{4\pi}{k^2} \sum_{l=0}^{\infty} (2l+1) \sin^2 \delta_l$$

Парциальное сечение рассеяния представляется каждым членом этой суммы.

В ультрарелятивистском случае появляется зависимость сечения от энергии в случае элементарных частиц. Мнимый размер частиц вакуума, много больший плеча мультиполя $l_{\gamma k}$ нивелирует дипольные и мультипольные свойства частиц вакуума, превращая их в шарики с мнимым радиусом, характеризующих их колеблющиеся свойства. В случае частиц вакуума, комплексное значение сечения описывает колеблющуюся величину, что свойственно частицам вакуума и не отражено в эффективном сечении элементарных частиц. Теории описывающей сечение рассеяния частиц вакуума не существует, поэтому используем первое приближение в виде

комплексного размера, которое работает в случае нерелятивистских частиц. Но это первое приближение является достаточным для описания свойств частиц вакуума по классическим законам в комплексном пространстве см. комментарий на стр. 5.

Релятивистская формула рассеяния электронов и позитронов на электроне имеет вид

$$d\sigma = r_e^2 \frac{m^2 c^4 (\varepsilon^2 + \mathbf{p}^2 c^2)^2}{4 \mathbf{p}^4 c^4 \varepsilon^2} \left[\frac{4}{\sin^4 \theta} - \frac{3}{\sin^2 \theta} + \left(\frac{\mathbf{p}^2 c^2}{\varepsilon^2 + \mathbf{p}^2 c^2} \right)^2 \left(1 + \frac{4}{\sin^2 \theta} \right) \right] d\Omega, r_e = \frac{e^2}{mc^2}$$

При релятивистских скоростях площадь сечения рассеяния стремится к малой величине, так как имеется дисперсия скорости. При малых скоростях стремится к большой величине, так как имеется дисперсия скорости. Среднеквадратичное отклонение скорости, это мнимая часть скорости. Имеется комплексное эффективное значение радиуса электрона, которое совпадает с вычисленным комплексным радиусом электрона (3) и которое соответствует усреднению формулы для сечения рассеяния в комплексном пространстве. У импульса мнимое среднеквадратичное отклонение mc ,

учитывая модуль импульса, получим $\int_{mc^2}^{\infty} \frac{m^2 c^4 4\varepsilon^4}{4\varepsilon^6} d\varepsilon / mc^2 = 1$.

Параметры $l_{\gamma k}$ определится из формулы (7), параметр $r_\gamma = \frac{e^2}{m_{\gamma p} c^2} = 1.35 \cdot 10^{-34} cm$, причем эти параметры вычислены в случае массы Планка. В этом случае $m_{\gamma p} = m_{pl}$ равно массе Планка.

Параметры $l_{\gamma k}$ определится из формулы (8), параметр $r_\gamma = \frac{e^2}{m_{\gamma p} c^2}$, причем эти параметры вычислены в случае электрон, позитронной пары. В этом случае $m_{\gamma p} = m_{pl}$ равно массе электрона или позитрона.

Значение концентрации определяем после вычисления массы частицы вакуума m_γ . Кроме того, нужно определить расстояния между частицей и античастицей с массой Планка в составе частицы вакуума l_γ . Электромагнитный радиус массы Планка равен значению $r_p = r_g = \hbar / 137 m_{Pl} c = l_{Pl} / \sqrt{137}$.

$$n = \frac{1}{4\sqrt{2}\sigma\Lambda} = \frac{m_{\gamma k} c}{6\sqrt{2}\pi\lambda_k^2 i\hbar} = \frac{m_{\gamma k} c}{-d_k (r_\gamma^{k+1} l_\gamma^k)^{\frac{2}{2k+1}} i\hbar} = \frac{\rho_\gamma}{m_{\gamma k}},$$

$$d_k = 6\sqrt{2}\pi \left[\frac{(k+1)}{2(2k+1)(2k+3)} \right]^{\frac{2}{2k+1}}; d_\infty = 6\sqrt{2}\pi$$

Откуда имеем

$$\left(\frac{c}{-\rho_\gamma i\hbar d_k} \right)^{\frac{2k+1}{2k}} \frac{m_{\gamma k}^{\frac{2k+1}{k}}}{r_\gamma^{\frac{k+1}{k}}} = l_{\gamma k} \quad (4)$$

При этом можно определить массу частицы вакуума, и значит величину размера мультиполя, образующего частицу вакуума

$$m_{\gamma k} c^2 = e^2 l_{\gamma k}^k / r_\gamma^{k+1} \quad (5)$$

Подставляя в (5) значение $l_{\gamma k}$ получим величину массы частицы вакуума m_γ

$$m_{\gamma k} = (-i\rho_\gamma r_\gamma^3 d_k \frac{\hbar}{c r_\gamma})^{1/2} \left(-\frac{137i\rho_\gamma r_\gamma^4 c^2 d_k}{e^2} \right)^{\frac{1}{4k}} =$$

$$= (-137i\rho_\gamma r_\gamma^3 m_{Pl} d_k)^{1/2} \left(-\frac{137i d_k E_\gamma}{E_{em}} \right)^{\frac{1}{4k}} = m_{Pl} (-i\rho_\gamma d_k / \rho_{Pl})^{\frac{1}{2} + \frac{1}{4k}}. \quad (6)$$

$$m_{\gamma\infty} = m_{Pl} (-i\rho_\gamma d_k / \rho_{Pl})^{1/2}, 137E_\gamma = \rho_\gamma m_{Pl} c^2 / \rho_{Pl},$$

$$\rho_{Pl} = m_{Pl} / l_{Pl}^3; E_{em} = m_{Pl} c^2, r_\gamma = l_{Pl} = \sqrt{\frac{\hbar G}{137c^3}}, m_{Pl} = \sqrt{\frac{\hbar c}{137G}}$$

Отметим что плотность вакуума входит в формулы с отрицательной мнимой единицей. Это означает, что плотность вакуума - это среднеквадратичное отклонение плотности при среднем нулевом значении. Плотность вакуума не постоянная, а колеблется относительно нулевого значения. При условии $k = 1$ фаза массы частицы вакуума равна $\arg m_\gamma = -3\pi/8$. Это значение фазы частицы вакуума обеспечивает отношение действительной и мнимой части массы равное 2.41, при экспериментальном значении 2.55.

Масса частицы вакуума комплексная, что описывает темную энергию и темную материю.

Частицы вакуума обладают всеми свойствами темной энергии и темной материи. Их плотность в свободном пространстве постоянна. Это связано с тем, что частицы вакуума при больших расстояниях между ними расталкиваются из-за мнимой массы. При малых расстояниях между диполями, между ними действуют электрические силы. Граница определяется

из равенства $\frac{m_\gamma^2 G}{r^2} = \frac{e^2 l_\gamma \exp(-r/a_0)}{r^3}$. Граничное расстояние, начиная с которого

гравитационные силы будут больше электромагнитных сил

$$r = a_0 \ln \frac{e^2 l_\gamma}{m_\gamma^2 G a_0 \ln \frac{e^2 l_\gamma}{a_0 m_\gamma^2 G}} = a_0 \ln \frac{c^2 r_\gamma^2}{a_0 m_\gamma G \ln \frac{e^2 l_\gamma}{a_0 m_\gamma^2 G}} = 169.5 a_0. \text{ Это новый результат, в}$$

формулу вошли новые константы. При этом концентрация частиц вакуума равна

$$n = \frac{\rho}{m_{\gamma k}} = \frac{\rho}{m_{Pl} (-i\rho_\gamma d_k / \rho_{Pl})^{\frac{1}{2} + \frac{1}{4k}}} \quad (7)$$

Где ρ плотность системы из элементарных частиц, например, плотность

частицы с массой Планка в атоме равна $\rho = \frac{3m_{Pl}}{4\pi a_0^3}$, где m_{Pl} масса Планка, a_0

радиус Бора с массой Планка. Мнимая часть концентрации описывает ее

колебание и в сумме равна нулю, так как имеется комплексно-сопряженные члены.

При этом величина размера диполя равна

$$\begin{aligned}
 l_{\gamma k} &= \left(\frac{c}{-\rho_{\gamma} i \hbar d_k} \right)^{1+\frac{1}{2k}} \frac{m_{\gamma k}^{2+\frac{1}{k}}}{r_{\gamma}^{1+\frac{1}{k}}} = \frac{cm_{\gamma k}^2}{-\rho_{\gamma} i \hbar r_{\gamma} d_k} \left(\frac{cm_{\gamma k}^2}{-\rho_{\gamma} i \hbar r_{\gamma}^2 d_k} \right)^{\frac{1}{2k}} = \\
 &= r_{\gamma} \left(-\frac{137i\rho_{\gamma} r_{\gamma}^4 c^2 d_k}{e^2} \right)^{\frac{1}{2k} + \frac{1}{4k^2}} = \quad . \quad (8) \\
 &= r_{\gamma} (-i\rho_{\gamma} d_k / \rho_{Pl})^{\frac{1}{2k} + \frac{1}{4k^2}}; E_{\gamma} = \rho_{\gamma} r_{\gamma}^3 c^2, E_{em} = e^2 / r_{\gamma}
 \end{aligned}$$

Величина размера частиц вакуума равна

$$\lambda_k = r_{\gamma} (d_k / 6\sqrt{2}\pi)^{1/2} (-i\rho_{\gamma} d_k / \rho_{Pl} \sqrt{137})^{\frac{1}{2(2k+1)} + \frac{1}{4k(2k+1)}} / i$$

При бесконечности индекса имеем следующие значения параметров

$$l_{\gamma k} = \left(\frac{c}{-\rho_{\gamma} i \hbar d_k} \right)^{1+\frac{1}{2k}} \frac{m_{\gamma k}^{2+\frac{1}{k}}}{r_{\gamma}^{1+\frac{1}{k}}} = \frac{cm_{\gamma k}^2}{-\rho_{\gamma} i \hbar r_{\gamma} d_k} \left(\frac{cm_{\gamma k}^2}{-\rho_{\gamma} i \hbar r_{\gamma}^2 d_k} \right)^{\frac{1}{2k}} = r_{\gamma} (-i\rho_{\gamma} d_k / \rho_{Pl})^{\frac{1}{2k} + \frac{1}{4k^2}} = r_{\gamma}$$

Вычислим величину $\frac{l_{\gamma k}^k}{m_{\gamma k}}, k \geq 1$, которая потребуется в дальнейшем, и которая

является действительной величиной. Свойства массы и размера могут быть определены с точностью до множителя, но используемые в квантовой механике параметры (9) не зависят от этого множителя.

$$\frac{l_{\gamma k}^k}{m_{\gamma k}} = \frac{c^2 r_{\gamma}^{k+1}}{e^2} = \frac{r_{\gamma}^k}{m_{Pl}} = \frac{l_{Pl}^k}{m_{Pl}}. \quad (9)$$

Потенциальная энергия атома водорода считается по формуле

$$U_k = -\frac{l_{\gamma k}^k e^2}{k^2 a_0^{k+1}} \frac{m_e}{m_{\gamma k}} = -\frac{r_{\gamma}^{k+1} m_e c^2}{k^2 a_0^{k+1}} = -\frac{r_{Pl} m_e c^2}{k^2 a_0} = -\frac{m_e c^2}{137^2 k^2}. \quad \text{При выводе формулы для}$$

потенциальной энергии электрона в атоме использовалась формула

$\frac{l_{\gamma k}^k}{m_{\gamma k}} = \frac{c^2 r_{\gamma k}^{k+1}}{e^2}$ и определение образующей $r_{\gamma k} = (a_0^k r_{pl})^{\frac{1}{k+1}}$; $r_{pl} = \frac{e^2}{m_{pl} c^2}$; $a_0 = \frac{\hbar^2}{m_{pl} e^2}$ и

считалось количество взаимодействий в потенциале ядра.

Вычислим энергию атома водорода с помощью массы кварков. Она равна

$$U_k = -\frac{l_{\gamma k}^k e^2}{k^2 a_u^{k+1}} \frac{2m_{pl}}{m_{\gamma k}} = -\frac{2r_{\gamma k}^{k+1} m_{pl} c^2}{k^2 a_u^{k+1}} = -\frac{2r_{pl} m_{pl} c^2}{k^2 a_u} = -\frac{2m_u c^2}{k^2}; r_{\gamma k} = (r_u^k r_{pl})^{\frac{1}{k+1}}.$$

Количество взаимодействий между частицами вакуума надо умножить на два, так как в ядре атома имеется взаимодействие между первой и второй частицей вакуума и между второй и первой частицей. Аналогичные вычисления можно проделать и для нижнего кварка. В результате для протона получим потенциальную энергию $2(2m_u + m_d)c^2 = 2(2 \cdot 3 + 6)Mev = 24Mev$, а для нейтрона $2(2m_d + m_u)c^2 = 2(2 \cdot 6 + 3)Mev = 30Mev$ при энергии нуклона $30Mev$ см. [6]§117.

При использовании свойств частиц вакуума очень часто необходимо прибегать к интерполяции. Находится значение ранга мультиполя, который может иметь действительное не целое значение. Т.е. быть образованным из соседних частиц вакуума.

Введем экспоненциальный множитель у энергии частиц вакуума

$$E(r) = -\frac{m_e}{m_{\gamma 1}} e^2 l_{\gamma 1} \exp(-\alpha_m r) / \tilde{\lambda}_e^2 r^2 = -m_e c^2 r_{\gamma 1}^2 \exp(-\alpha_m r) / \tilde{\lambda}_e^2 r^2 = -\frac{m_e c^2}{137^2 r^2} \exp(-\alpha_n r)$$

При этом у частиц вакуума имеем соотношение $\frac{l_{\gamma 1}}{m_{\gamma 1}} = \frac{c^2}{e^2} r_{\gamma}^2$ см. формулу (9)

и имеем $r_{\gamma} = \frac{e^2}{m c^2}$; $\tilde{\lambda} = \frac{\hbar}{m c}$. Величина радиуса r нормирована на радиус Бора,

имеем для потенциальной энергии

$$E(r) = -\frac{m_e c^2}{137^2} \frac{\exp(-\alpha_n r)}{r^2}; \exp(-\alpha_n) = 1 - \frac{\alpha_n}{n^2}; \lim_{n \rightarrow \infty} \alpha_n = n^2.$$

$$\alpha_n = n^2 [1 - \exp(-\alpha_n)] = n^2 [1 - \exp(-n^2)]$$

При этом показатель экспоненты у плеча частицы вакуума определяется по формуле $-l_\gamma \exp(-\alpha_n r)$.

$$\int_0^1 E(r)r^2 dr = -\int_0^1 \frac{m_e c^2}{137^2} \exp(-\alpha_n r) dr = \frac{m_e c^2}{137^2} \frac{\exp(-\alpha_n) - 1}{\alpha_n} = -\frac{m_e c^2}{137^2 n^2}.$$

При интегрировании от нуля до бесконечности, асимптотическое выражение для показателя экспоненты переходит в точное значение

$$\int_0^\infty E(r) dr = -\int_0^\infty \frac{m_e c^2}{137^2} \exp(-n^2 r) dr = -\frac{m_e c^2}{137^2 n^2}.$$

Этот результат является подтверждением свойств квантовой механики, в него не вошли новые константы.

Список литературы

1. Якубовский Е.Г. Вычисление вязкости твердого тела и жидкости. «Энциклопедический фонд России», 2015, 3стр.
http://russika.ru/userfiles/390_1440699433.pdf
2. Кикоин И.К. Таблицы физических величин. Справочник. М.: «Атомиздат», 1976г.,1009с.
3. Матвеев А.Н. Молекулярная физика. М.: «Высшая школа», 1981, 400стр.
4. Якубовский Е.Г. Обобщение уравнений квантовой механики на величины 20 порядков меньше, часть 1. «Энциклопедический фонд России», 2017, 115стр. http://russika.ru/userfiles/390_1520870637.pdf
5. Якубовский Е.Г. Обобщение уравнений квантовой механики на величины 20 порядков меньше, часть 2. «Энциклопедический фонд России», 2017, 62 стр. http://russika.ru/userfiles/390_1519063030.pdf
6. Ландау Л.Д., Лифшиц Е.М. Квантовая механика Нерелятивистская теория т.Ш, Наука, М.,1969,768с.